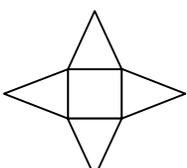


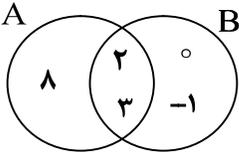
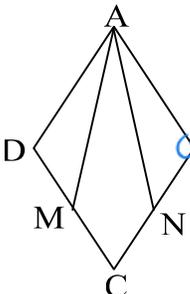
| | | |
|----------------------------------|--------------------------|---|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | سؤالات امتحان شهر تهران درس: ریاضی |
| تعداد صفحات ۴ | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۳ | نام و نام خانوادگی: |
| اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران | | پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۴۰۲ |

| | | |
|------|--------|--|
| ردیف | سؤالات | حسین حسامی - کارشناسی ارشد ریاضی ارزمی و دبیر ریاضی مدارس تهران |
|------|--------|--|

| | | |
|---|--|--|
| | <p>A درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر $A = \{5, 6\}$ و $B = \{5, 7\}$ باشد. آنگاه $n(A \cup B) = 4$ است. $A \cup B = \{5, 6, 7\} \rightarrow n(A \cup B) = 3$</p> <p>ب) کسر $\frac{3}{5}$ نمایش اعشاری مختوم دارد.</p> <p>ج) اگر $ab > 0$ باشد، آنگاه a و b هم علامت هستند.</p> <p>د) خط $y = x$ از مبدأ مختصات می‌گذرد.</p> <p>درست <input type="radio"/> نادرست <input checked="" type="radio"/></p> <p>درست <input checked="" type="radio"/> نادرست <input type="radio"/></p> <p>درست <input checked="" type="radio"/> نادرست <input type="radio"/></p> <p>درست <input checked="" type="radio"/> نادرست <input type="radio"/></p> | |
| ۱ | <p>B جای خالی را با عدد مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) حاصل عبارت $3\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$ برابر $8\sqrt{2}$ است.</p> <p>ب) درجه چند جمله‌ای $6x^3 + 2x$ نسبت به x برابر با عدد 3 است.</p> <p>ج) عرض از مبدأ خط $y = 4x + 7$ برابر با عدد $+7$ است.</p> <p>د) تعداد وجه‌های جانبی هرم منتظم مقابل برابر 4 است.</p>  | |
| ۱ | <p>C در هر یک از پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید.</p> <p>الف) کدام گزینه، عبارت گویا است؟</p> <p><input type="radio"/> \sqrt{xy} (۴) <input checked="" type="radio"/> $\frac{y}{x+1}$ (۳) <input type="radio"/> $x-y$ (۲) <input type="radio"/> $\frac{1}{\sqrt{x}}$ (۱)</p> <p>ب) نمایش اعشاری عدد $5/2 \times 10^{-3}$ کدام است؟</p> <p><input type="radio"/> 52000 (۴) <input type="radio"/> 0.00052 (۳) <input type="radio"/> 5200 (۲) <input checked="" type="radio"/> 0.0052 (۱)</p> <p>ج) عبارت $\frac{a+2}{a+5}$ با کدام عبارت مساوی است؟</p> <p><input type="radio"/> $\frac{-a-2}{a+5}$ (۴) <input type="radio"/> $\frac{a+2}{-a-5}$ (۳) <input checked="" type="radio"/> $\frac{-a-2}{-a-5}$ (۲) <input type="radio"/> $\frac{a-2}{a-5}$ (۱)</p> <p>د) عدد $1 + \sqrt{5}$ بین کدام دو عدد صحیح قرار دارد؟</p> <p>$\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9} \rightarrow 2 < \sqrt{5} < 3 \rightarrow 3 < 1 + \sqrt{5} < 4$</p> <p><input type="radio"/> 5 و 4 (۴) <input checked="" type="radio"/> 4 و 3 (۳) <input type="radio"/> 3 و 2 (۲) <input type="radio"/> 2 و 1 (۱)</p> | |

| | | |
|----------------------------------|--------------------------|---|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | سؤالات امتحان هماهنگ شهر تهران درس: ریاضی |
| تعداد صفحات ۴ | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۳ | نام و نام خانوادگی: |
| اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران | | پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۴۰۲ |

| | | |
|------|--------|------|
| بارم | سؤالات | ردیف |
|------|--------|------|

| | | |
|--------------------------|---|---|
| ۰/۷۵ |  | <p>به سؤالات زیر پاسخ کامل دهید.</p> <p>۱- الف) با توجه به نمودار مقابل، اعضای مجموعه‌های زیر را بنویسید.</p> |
| ۰/۱۵ | <p>الف) $A \cap B = \{ 2, 3 \}$</p> <p>ب) $A - B = \{ 8 \}$</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>۲- با توجه به دو مجموعه برابر زیر، جاهای خالی را کامل کنید.</p> <p>$\{ 5, \dots, 2, \dots, 3, -1 \} = \{ 2, \sqrt{25}, \dots, -1, \dots, 3 \}$</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>۳- ۱۰ کارت یکسان با شماره‌های ۱ تا ۱۰ را داخل جعبه‌ای قرار می‌دهیم و به طور تصادفی یک کارت بیرون می‌آوریم. چقدر احتمال دارد عدد روی کارت خارج شده از ۵ کمتر باشد.</p> <p>۱. تعداد کل حالات: $\{ 1, 2, 3, 4 \}$ → $P = \frac{\text{تعداد حالات مطلوب}}{\text{کل حالات}} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>۴- الف) بین دو عدد ۳ و $\sqrt{6}$، دو عدد گنگ بنویسید.</p> <p>ب) اگر $a = -5$ و $b = 10$ باشد، حاصل عبارت زیر را به دست آورید.</p> | |
| ۰/۷۵ | <p>$3a + b = 3(-5) + 10 = -15 + 10 = -5 = -(-5) = 5$</p> | |
| ۱ | <p>۵- در شکل مقابل ABCD لوزی است و نقطه‌های M و N وسط‌های اضلاع CD و CB هستند. دلیل هم‌نهشتی دو مثلث ADM و ABN را با ذکر حالت بیان کنید.</p>  <p>دلیل: $\overline{AD} = \overline{AB}$ (اضلاع لوزی) $\overline{BN} = \overline{MD}$ (نصف اضلاع) $\hat{D} = \hat{B}$ (زوایای مقابل در مثلث)</p> <p>بنابراین $\triangle ABN \cong \triangle ADM$ (م.ز.م)</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>۶- آیا هر دو مستطیل دلخواه متشابه‌اند؟ چرا؟</p> <p>حیر، زیرا نسبت اضلاع می‌تواند متفاوت باشد.</p>  <p>این شکل‌ها متشابه نیستند.</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>۷- الف) حاصل عبارت زیر را به ساده‌ترین صورت بنویسید.</p> <p>$3^{-1} + \frac{5}{6} = \frac{1}{3} + \frac{5}{6} = \frac{2}{6} + \frac{5}{6} = \frac{7}{6}$</p> | |
| ۰/۱۵ | <p>ب) عدد 0.000083 را با نماد علمی نمایش ده</p> <p>8.3×10^{-5}</p> | |
| ۰/۷۵ | <p>ج) مخرج کسر مقابل را گوی</p> <p>$\frac{1}{\sqrt[3]{2}} \times \frac{\sqrt[3]{2^2}}{\sqrt[3]{2^2}} = \frac{\sqrt[3]{2^2}}{\sqrt[3]{2^3}} = \frac{\sqrt[3]{2^2}}{2}$</p> | |
| ادامه سؤالات در صفحه سوم | | |

| | | |
|----------------------------------|--------------------------|---|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | سؤالات امتحان شهر تهران درس: ریاضی |
| تعداد صفحات ۴ | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۳ | نام و نام خانوادگی: |
| اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران | | پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۴۰۲ |

| بارم | سؤالات | ردیف |
|------|--------|------|
|------|--------|------|

| | | |
|------|--|--|
| ۰/۷۵ | ۸- الف) حاصل عبارت زیر را با استفاده از اتحاد به دست آورید. $(x+3)(x+7) = x^2 + 10x + 21$ | |
| ۰/۷۵ | ب) عبارت زیر را به کمک اتحاد، تجزیه کنید. $25a^2 - 9b^2 = (5a-3b)(5a+3b)$ | |

| | | |
|---|--|--|
| ۱ | ۹- مجموعه جواب نامعادله مقابل را روی محور نشان دهید. $4x - 7 \leq 2x + 5$ $\Rightarrow 4x - 2x \leq 5 + 7$ $\Rightarrow 2x \leq 12 \Rightarrow x \leq \frac{12}{2} = 6$ | |
|---|--|--|

| | | |
|------|---|--------------|
| ۰/۷۵ | ۱۰- الف) نمودار خط با معادله $y = 5x - 2$ را در دستگاه مختصات مقابل رسم کنید. | |
| ۰/۷۵ | ب) معادله خطی را بنویسید که با خط $y = 4x$ موازی بوده و از نقطه $\begin{bmatrix} 0 \\ 3 \end{bmatrix}$ بگذرد. | $y = 4x + 3$ |

| | | |
|---|--|--|
| ۱ | ۱۱- دستگاه معادله‌های خطی زیر را حل کنید. حل به روش حذفی $\begin{cases} x - y = 3 \\ 4x + 2y = 6 \end{cases}$ $x - y = 3 \Rightarrow x = y + 3$ $4(y+3) + 2y = 6 \Rightarrow 4y + 12 + 2y = 6 \Rightarrow 6y = -6 \Rightarrow y = -1$ $x - (-1) = 3 \Rightarrow x + 1 = 3 \Rightarrow x = 2$ | |
|---|--|--|

| | | |
|------|---|--|
| ۰/۲۵ | ۱۲- الف) عبارت گویای زیر به ازای کدام مقدار x تعریف نشده است؟ $\frac{x-2}{x+6} \rightarrow x+6 \leq 0 \rightarrow x \leq -6$ | |
| ۰/۷۵ | ب) عبارت گویای زیر را ساده کنید. $\frac{m^2 - 16}{m + 4} = \frac{(m-4)(m+4)}{m+4} = m-4$ | |
| ۱ | ج) حاصل عبارت مقابل را به دست آورید. $\frac{(a+2) \cdot 3}{(a+2) \cdot 4} + \frac{5 \cdot (a+1)}{x(a+1)} = \frac{3a+6}{4(a+1)} + \frac{5a+5}{(a+2)(a+1)} = \frac{8a+11}{(a+2)(a+1)}$ | |

| | | |
|----------------------------------|--------------------------|--|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه | ساعت شروع: ۸ صبح | سؤالات امتحان هماهنگ شهر تهران درس: ریاضی |
| تعداد صفحات ۴ | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۳ | نام و نام خانوادگی: |
| اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران | | پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۴۰۲ |

| | | |
|------|--------|------|
| بارم | سؤالات | ردیف |
|------|--------|------|

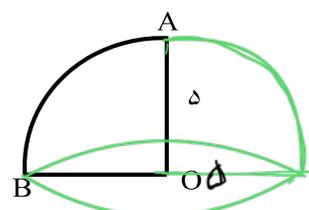
۱۳- تقسیم زیر را انجام دهید.

۱/۲۵

$$\begin{array}{r} 6x^2 + 21x + 1 \\ \underline{-(9x^2 + 18x)} \\ 3x + 1 \\ \underline{-(3x + 9)} \\ -8 \end{array} \quad \begin{array}{r} x + 3 \\ \hline 9x + 3 \end{array}$$

در سؤالات زیر نوشتن دستور محاسبه حجم الزامی است.

۱۴- الف) حجم حاصل از دوران ربع دایره مقابل به شعاع 5cm را حول شعاع OA به دست آورید. ($\pi = 3$)

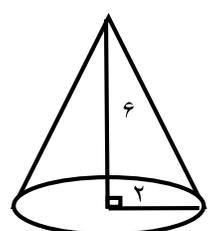


۱/۲۵

$$\text{حجم مخروط} = \frac{1}{3} \times \frac{4}{3} \times \pi \times r^3$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{4}{3} \times 3 \times 125 = 125$$

ب) حجم مخروطی به شعاع قاعده ۲ و ارتفاع ۶ را به دست آورید. ($\pi = 3$)



۱/۲۵

$$\text{حجم مخروط} = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$$

$$= \frac{1}{3} \times 3 \times 4 \times 6 = 24$$

| | | |
|--------------------------|----------|------------------|
| نام و نام خانوادگی مصحح: | با حروف: | نمره کتبی (برگه) |
| امضا: | با عدد: | |